

令和 5 年度 入学者選抜試験問題 (数学)

1. 次の各間に答えよ。

(1)  $(x + 2)^3(x - 2)^3$  を展開せよ。

(2)  $15x^2 + 3xy - 8x - y + 1$  を因数分解せよ。

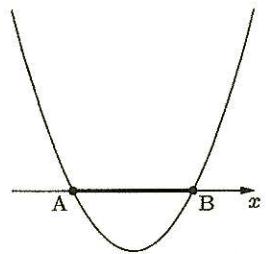
(3)  $|2 - \sqrt{5}| + |3 - \sqrt{5}|$  の値を求めよ。

(4) 不等式  $-x + 4 < \frac{x}{3} - 2 \leq \frac{x}{6} - 1$  を満たす整数を答えよ。

2.  $x$  についての方程式  $ax^2 - x - a = 0$  を解け。

3. 放物線のグラフが  $x$  軸から切り取る線分とは、右図の太線で表した線分 AB のことである。次の各間に答えよ。

(1) 放物線  $y = x^2 - 2x - 3$  のグラフが  $x$  軸から切り取る線分の長さを求めよ。



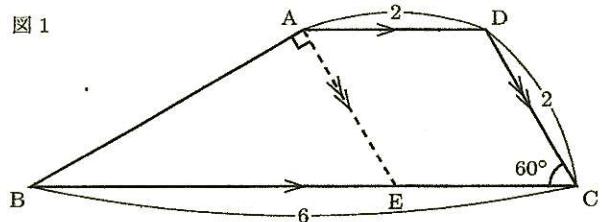
(2) 放物線  $y = x^2 + (m+1)x + m+1 \cdots ①$  について、

(i) 放物線 ① のグラフが  $x$  軸と異なる 2 点で交わるとき、定数  $m$  の値の範囲を答えよ。

(ii) 放物線 ① のグラフが、 $x$  軸から切り取る線分の長さが  $\sqrt{5}$  になるとき、定数  $m$  の値を求めよ。

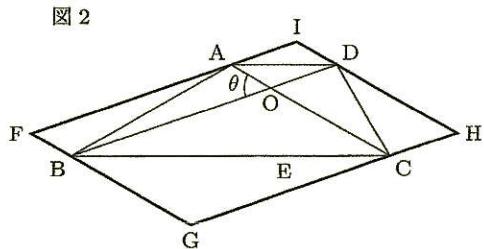
4. AD // BC である台形 ABCD において, AD = 2, CD = 2, BC = 6,  $\angle BCD = 60^\circ$  である。BC 上の点 E を AE // CD になるようになると,  $\angle BAE = 90^\circ$  であった。対角線 AC と BD のなす角を  $\theta$  とするとき, 次の各間に答えよ。

(1) 台形 ABCD の面積  $S$  を求めよ。



(2) AC, BD の長さを求めよ。

(3) 下の図 2において, 四角形 FGHI は平行四辺形で, 図 1 の台形 ABCD の各頂点を通り, FI // BD // GH で, FG // AC // HI である。このとき,  $\angle AOB$  と  $\angle IHG$  の関係を答え, (2) の結果も用い平行四辺形 FGHI の面積を  $\theta$  を用いて答えよ。  
(解のみで良い)



(4)  $\sin \theta$  の値を求めよ。